

## МОДЕЛИРОВАНИЕ ЭФФЕКТА САМОРЕГУЛЯЦИИ ГЛОБАЛЬНОЙ ТЕМПЕРАТУРЫ ОКРУЖАЮЩЕЙ СРЕДЫ

Е.М.Игумнова<sup>1</sup>, С.М.Солодова<sup>1</sup>,  
И.Е.Тимченко<sup>1</sup>, И.И.Тимченко<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Морской гидрофизический институт  
НАН Украины

г. Севастополь, ул. Капитанская, 2

<sup>2</sup>Харьковский национальный политехниче-  
ский университет – ХПИ, г. Харьков  
E-mail: timchenko@stel.sebastopol.ua

*Эффект саморегуляции глобальной температуры окружающей среды рассмотрен на примере модели DaisyWorld, предложенной для подтверждения GAIA-теории. Предложена новая модель подобного типа, построенная методом адаптивного баланса влияний. На основе этой модели выполнены имитационные эксперименты, которые показали возможность сохранения постоянной средней температуры планеты в условиях роста солнечной радиации. Делается вывод о перспективности ABC метода для моделирования адаптационных процессов в окружающей среде.*

В связи с проблемами климата и устойчивого общественно-экономического развития в научной литературе широко обсуждаются эффекты саморегуляции глобальных физических, химических, геологических и биологических процессов. Особое внимание уделяется GAIA теории, в соответствии с которой атмосфера, мировой океан и поверхность Земли – очень тесно связанная между собой система живой материи и окружающей ее среды [1,2]. Автор гипотезы J.Lovelock [1] утверждает, что атмосфера, климат и земная кора управляются биотой таким образом, чтобы обеспечить наилучшие условия для жизни. Температура, окислительные процессы и многие аспекты взаимодействия воды и горных пород сохраняются неизменными. Все это осуществляется благодаря отрицательным обратным связям, обеспечивающим режим адаптивного баланса глобальных процессов.

К одному из наиболее известных явлений подобного рода относится крупномасштабная саморегуляция температуры. Уже около 4 миллиардов лет средняя температура Земли колеблется в узком диапазоне значений: 10 – 22 °C, несмотря на то, что сол-

нечная радиация за этот период увеличилась на одну треть. Для объяснения этого эффекта выдвинуты две основных гипотезы. Прежде всего, под действием микроорганизмов, лишайников, корней растений и др. происходит разрушение и измельчение скальных пород, что приводит к их выветриванию. Повышение температуры усиливает этот процесс, продуцирующий нутриенты, которые многие из живых организмов могут использовать для своего роста и распространения по поверхности суши. Рост зеленой массы растений, в свою очередь, уменьшает содержание CO<sub>2</sub> в атмосфере и понижает температуру поверхности Земли.

Второй механизм саморегуляции температуры связан с развитием морских водорослей. С ростом температуры количество водорослей возрастает. Они поглощают атмосферный CO<sub>2</sub>, тем самым также понижая среднюю температуру. Заметим, что морские водоросли оказывают влияние и на локальную температуру приводного слоя океана. В процессе их отмирания образуется газ (диметилсульфид), который выделяется в атмосферу и создает в ней сульфатные аэрозоли. Последние служат ядрами конденсации для образования облачности, уменьшающей солнечную радиацию и понижающей температуру приводного слоя атмосферы [3].

Сложные бактериальные процессы поддерживают постоянным отношение концентраций азота и фосфора в морской воде, в фито и зоопланктоне. Кроме того, несмотря на вынос в море в огромных количествах минеральных веществ с поверхности суши, сохраняется постоянная соленость морской воды.

**Моделирование эффектов саморегуляции в модели DaisyWorld.** Одна из первых моделей, имитирующих глобальные процессы саморегуляции температуры, была построена в ответ на критицизм, вызванный GAIA-теорией [4]. Модель получила название DaisyWorld. Она имитировала некоторую планету солнечной системы, населенную только двумя видами живых организмов: белыми и черными маргаритками (daisies). Оба вида имели одинаковые условия роста и распространения по планете, так как у них была одинаковая зависимость скорости репродукции от температуры GF

$$GF = 1 - 0.003265(22.5 - T)^2. \quad (1)$$

Белые маргаритки отражали солнечный свет, а черные – поглощали его. Поэтому черные маргаритки были теплее белых. Их преобладание на планете означало бы повышение температуры всей планеты. Модель была построена для того, чтобы изучать процессы адаптации населения планеты к постепенно растущему внешнему воздействию – увеличению солнечной радиации.

В начале эксперимента температура планеты была настолько низкой, что только малая часть черных маргариток могла выжить. Как следует из соотношения (1), наилучшим условием для этого является температура  $T = 22.5$  °C. По мере роста температуры планеты наступали условия гомеостаза как для белых, так и для черных маргариток. Фактор роста (1) определял тот диапазон температур, при котором белые и черные маргаритки были способны расселяться по планете. При некоторой температуре наступало равновесие: дальнейшему повышению температуры препятствовали белые маргаритки, отражавшие тепловую энергию, а понижение температуры увеличивало количество черных маргариток, поглощавших тепло. Каждый вид маргариток действовал по своим правилам, однако объединенная система приобрела новое качество – стабильность температуры, поддерживаемую механизмом адаптации. Таким образом, в модели была продемонстрирована возможность саморегуляции глобальных процессов поглощения и отражения солнечной энергии. Эффект саморегуляции проявился как эмерджентное свойство системы.

**Построение модели DaisyWorld методом ABC.** Высказанная Лавлоком идея саморегуляции глобальной температуры Земли означает наличие адаптивной подстройки процессов, формирующих эту температуру, под внешнее влияние – растущее солнечное излучение. Адаптивная подстройка под внешние влияния осуществляется в методе Адаптивного баланса влияний (ABC методе), предложенном в работе [5]. Метод исходит из предположения о том, что для существования динамического равновесия системы с приложенными к ней внешними влияниями необходимы отрицательные обратные связи, контролируемые тенденции

к изменению состояния баланса системы. В методе ABC используются системы обыкновенных дифференциальных уравнений, в правых частях которых содержатся две базовые функции влияния, обеспечивающие подобные отрицательные обратные связи влияния  $F^{(-)}(x)$  и  $F^{(+)}(x)$ . Эти функции зависят от значений параметра состояния  $x$  таким образом, что выполняется условие баланса влияний

$$F^{(-)}(x) + F^{(+)}(x) = 1. \quad (2)$$

Как основное уравнение, представляющее динамику непрерывного процесса, используется следующее выражение

$$dx / dt = F^{(-)}(x)x - F^{(+)}(x)x. \quad (3)$$

Если в качестве функции  $F^{(+)}(x)$  выбрать непрерывную монотонно растущую функцию, то в силу условия (2) функция  $F^{(-)}(x)$ , будет также непрерывной и монотонно убывающей. Нетрудно видеть, что уравнение (3) при любых начальных условиях имеет решение, которое соответствует точке пересечения графиков этих функций.

Пусть имеются  $n$  переменных:  $x_1, x_2, \dots, x_n$ , которые характеризуют сценарии интересующих нас процессов в окружающей среде. Обозначим через  $a_{ij}x_j$  то влияние, которое оказывает процесс  $x_j$  на процесс  $x_i$ . Примем, что положительным влияние будет тогда, когда тенденции изменения  $x_j$  и  $x_i$  совпадают по знакам. Примем также, что, по крайней мере на небольших интервалах времени, каждый из процессов может быть выражен линейной комбинацией остальных процессов. Тогда для процесса  $x_i$  справедливо представление

$$x_i = a_{i1} x_1 + a_{i2} x_2 + a_{i3} x_3 + \dots + a_{in} x_n, \quad (4)$$

при  $a_{ii} = 0$ ,

в котором коэффициенты  $a_{ps}$  сохраняют постоянные значения в пределах выбранного интервала времени.

Основное уравнение ABC-метода выражает собой баланс тенденций в изменении значений процесса, обусловленных влияниями на него со стороны других процессов. Оно имеет следующий вид:

$$dx_i / dt = x_i [1 - 2 F^{(+)}(a_{i1} x_1 + a_{i2} x_2 + a_{i3} x_3 + \dots + a_{in} x_n + x_i)]. \quad (5)$$

Необходимая для сохранения баланса отрицательная обратная связь обеспечивается одной из базовых влияющих функций, например  $F^{(+)}(x_i)$ , которая должна быть положительной и монотонно растущей. Если выбрать наиболее простой вариант линейной зависимости этой функции от своего аргумента

$$F^{(+)}(x_i) = a_{i1} x_1 + a_{i2} x_2 + a_{i3} x_3 + \dots + a_{in} x_n + x_i,$$

то уравнение (5) принимает форму нелинейного уравнения Бернулли:

$$dx_i/dt = x_i - 2(a_{i1} x_1 x_i + a_{i2} x_2 x_i + a_{i3} x_3 x_i + \dots + a_{in} x_n x_i + x_i^2). \quad (6)$$

При этом взаимные влияния процессов внутри системы относятся к так называемым "парным взаимодействиям"  $x_p x_s$ , которые обычно используют в экономике, в биологии и других науках для описания резко выраженных эффектов влияния одних процессов на другие [6].

Рассмотрим процессы саморегуляции глобальной температуры в модели ABC DaisyWorld, которая показана на рис. 1.

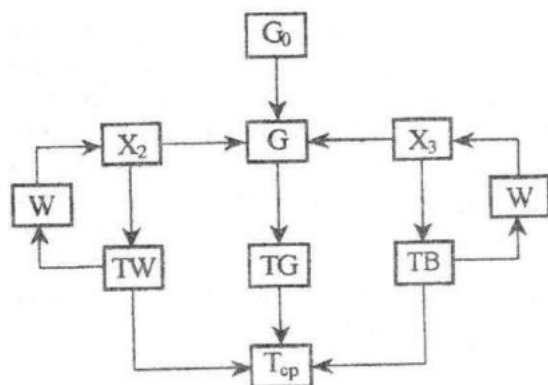


Рис. 1 – Концептуальная модель ABC DaisyWorld

Средняя температура планеты  $T_{cp}$  зависит от тех количеств тепла, которое поглощается каждой из трех частей поверхности планеты: части  $X_2$ , занятой белыми маргаритками и имеющей температуру  $TW$ , части  $X_3$ , занятой черными маргаритками с температурой  $TB$ , и остающейся не занятой ничем поверхности  $G$  с температурой  $TG$ . Примем, что часть  $X_2$  имеет альбедо 0,75, часть  $X_3$  имеет альбедо 0,25, а часть  $G$  имеет альбедо 0,5. Общую площадь поверхно-

сти планеты обозначим  $G_0$ , а интенсивность солнечного излучения  $SR(t)$ , где  $t$  - время.

В отличие от эксперимента работы [4], будем использовать гауссовскую кривую  $W$  для описания пределов изменения температуры планеты, при которых возможно существование маргариток

$$W = \exp[-0,1(22,5 - T)^2], \quad (7)$$

где  $T$  равно  $TW$  или  $TB$ .

При этих условиях уравнения (6) дают следующую динамическую модель ABC DaisyWorld:

$$dx_2/dt = x_2 \{1 - 2[x_2 - a_{TW} SR(t)x_2 \times (\exp[-0,1(22,5 - TW)^2])]\};$$

$$dx_3/dt = x_3 \{1 - 2[x_3 - a_{TB} SR(t)x_3 \times (\exp[-0,1(22,5 - TB)^2])]\}; \quad (8)$$

$$G = G_0 - X_2 - X_3.$$

Вычислительные эксперименты с моделью ABC DaisyWorld. Вычислительный эксперимент должен был показать реакцию модели на рост солнечной радиации падающей на планету. С этой целью был имитирован линейный рост падающего излучения, показанный на рис. 2а.

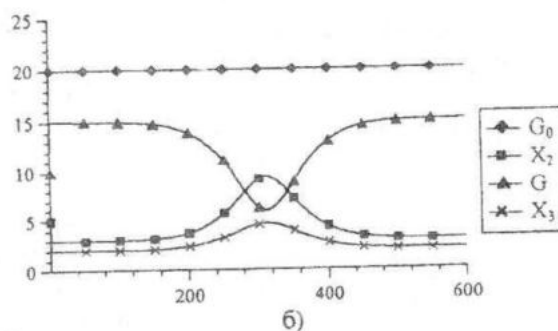
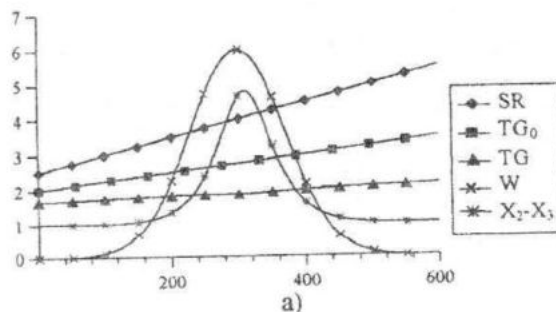


Рис. 2 – Результаты вычислительного эксперимента с моделью ABC DaisyWorld

В первом эксперименте рассматривались условия отсутствия на планете живых форм – черных и белых маргариток. В целях упрощения средняя температура планеты считалась пропорциональной количеству тепла, поглощенного ее площадью  $G_0$ . Линия роста температуры планеты для этого случая изображена на рис. 2а.

Во втором эксперименте были построены сценарии расселения по планете черных и белых маргариток. Уравнения (8) позволили рассчитать динамику площадей, занимаемых каждым из видов в условиях такого же, как и в первом эксперименте, роста солнечной радиации. Сценарии расселения видов, полученные с учетом лимитирующего фактора (7), приведены на рис. 2б. Для большей наглядности кривые  $X_2$  и  $X_3$  смещены вверх от начального нулевого уровня. Соответствующий этим сценариям временной ход средней температуры планеты показан на рис. 2а.

Как следует из этого рисунка, существование двух форм жизни на планете в период времени эксперимента с 200 по 400 шаг вычислений привело к стабилизации средней температуры планеты. При значительном росте солнечной радиации средняя температура планеты практически не менялась.

Несмотря на простоту построенной модели, проведенные с ней эксперименты позволяют сделать вывод о перспективности использования метода ABC для изучения глобальных процессов адаптации живой и неживой природы, относящихся к GAIA-теории.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. J. Lovelock. Gaia: The Practical Science of Planetary Medicine. Gaia Books Limited. London. 1991.
2. Margulis, Lynn, & Sagan, Dorian, "What is Life", Simon & Schuster, New York, 1995.
3. R. Charlson, J. Lovelock, M. Andreae, and S. Warren. Ocean phytoplankton, atmospheric sulfur, cloud albedo and climate. *Nature*, 326:655-661, 1987.
4. A.J. Watson, and J.E. Lovelock. 1983. Biological homeostasis of the global environment: the parable of Daisyworld. *Tellus* 35B:284.
5. И.Е. Тимченко, Е.М. Игумнова, И.И.Тимченко. Системный менеджмент и ABC-технологии устойчивого развития. "Экоси-гидрофизика", – Севастополь, 2000. – 225 с.
6. И.Е. Тимченко, Е.М. Игумнова, И.И.Тимченко. Образование и устойчивое развитие. Системная методология. "Экоси-гидрофизика", – Севастополь. 2004. – 527 с.